# 500kV 電力線中性点電流の測定による 地下比抵抗構造モニタの試み

原田 誠・井筒 潤・植竹富一・寺山武志・長尾年恭

Monitoring of the variation of underground electrical resistivity structure by measuring the neutral point current of 500 kV electric power lines

Makoto Harada, Jun Izutsu, Tomiichi Uetake, Takeshi Terayama, and Toshiyasu Nagao

> 東海大学海洋研究所研究報告 第 30 号(2009), 45 - 57 頁別刷 Reprinted from Bull. Inst. Oceanic Res. & Develop., Tokai Univ.(2009) 30, 45 - 57

# 500kV 電力線中性点電流の測定による 地下比抵抗構造モニタの試み

原田 誠<sup>1)</sup>・井筒 潤<sup>2)</sup>・植竹富一<sup>3)</sup>・寺山武志<sup>3)</sup>・長尾年恭<sup>1)</sup>

Monitoring of the variation of underground electrical resistivity structure by measuring the neutral point current of 500 kV electric power lines

Makoto Harada<sup>1)</sup>, Jun Izutsu<sup>2)</sup>, Tomiichi Uetake<sup>3)</sup>, Takeshi Terayama<sup>3)</sup>, and Toshiyasu Nagao<sup>1)</sup>

## Abstract

The observed neutral point current data at an electrical substation generally contain the induced current of external source geomagnetic variations. In this paper, we attempt to develop the observation method to monitor the changes of underground electrical resistivity structure from the neutral point current data. The most awkward problem is that the observed neutral current data at a substation is considered as the sum of the electric currents from the neighboring two substations. Therefore, we formulate a new analyzing processes to obtain the electromagnetic response functions which are calculated from the neutral point current and horizontal magnetic field. These response functions are expected to contain an information of the one-dimensional resistivity structure under three substations. Furthermore, we expand this approach to calculate of the apparent resistivity and phase components, which are frequently utilized in the conventional magnetotelluric(MT) method. We introduce a frequency-independent factor parameter. To obtain the factor parameter, temporary MT observation is required near the substations. The proposed method was applied to the neutral point current data acquired at substations in the western part of Kanto District in central Japan. The results indicate that this approach seem to promise to monitor the variations of underground resistivity structure.

 東海大学海洋研究所 〒424-8610 静岡県静岡市清水区折戸3-20-1
 Institute of Oceanic Research and Development, Tokai University, 3-20-1 Orido, Shimizu-ku, Shizuoka, 424-8610 Japan

2) 中部大学地球ウォッチ・市民安全センター 〒487-8501 愛知県春日井市松本町1200 Earth Watch - Safety Net Research Center, Chubu University, 1200, Kasugai, Aichi, 487-8501 Japan

3) 東京電力株式会社 技術開発研究所 〒230-8510 神奈川県横浜市鶴見区江ヶ崎町4-1 Research and Development Center, Tokyo Electric Power Company, 4-1, Egasaki-cho, Tsurumi-ku, Yokohama, Kanagawa, 230-8510 Japan

(2009年1月20日受付 / 2009年2月1日受理)

#### 緒 言

長距離送電線の両端の変電所では超高圧変圧器の中 性点において電力系統の保護及び人身保安のために直 接大地へ接地されている.この変電所の接地点を地電 流観測手法における接地電極として変電所間の送電線 を電極間をつなぐケーブルとして利用することで,地 電流観測を行える可能性がある.両変電所間に電位差 がある場合,地電流が地中だけでなく中性接地点を通 して電力設備に流れる.このとき中性接地線にクラン プ型電流計を設置し,中性点を流れる電流を測定する ことで地電流が観測される.

中性点電流の変動の主要因は地磁気変動であ るため,以前より,地磁気高緯度地方ではGIC (Geomagnetic Induced Current)観測を目的として 測定されてきた(Albertson et al., 1974; Pirjola, 1985; Lundby et al., 1985).地磁気高緯度地方では,大規模 な磁気嵐によって地中に誘導された電流により電気 設備が破壊されることがたびたび発生しており,変電 所の保護を目的とした観測が行われている(Allen et al., 1989).日本国内では,中性点電流観測を地震と 関連する地電流異常(e.g., Varotsos and Alexopoulos, 1984a, 1984b; Uyeda et al., 1999; Nagao et al., 2000)を 検出する手段として利用されている(樋口, 2000;村 山ほか, 2000;武内ほか, 2003; Izutsu et al., 2006;井筒 ほか, 2008).

中性点電流の変化の主要因は地磁気変動(地磁気嵐 や地磁気脈動)であることから,それらの間に成り立 つ応答関数を求めることにより,地下の比抵抗構造を 推定することが可能になることが期待される.地磁気 変動を信号源として大地の比抵抗構造を推定する方法 として Magnetotelluric(MT)法があるが,この方法 では,地上において磁場および地電流(実際には2地 点間の電位差)を測定して,それらの間に成り立つ応 答関数を推定する.

中性点電流データに MT 法の解析方法を適用する ためには注意を要する.中性点電流は,ある変電所と その前後2変電所間に流れる地電流の和であると考え られており,変電所の配置によって複雑な誘導電流系 を考慮する必要があるので,それぞれどの割合で含ま れるのか明らかにするのは困難である.また,測定さ れているのは「電流値」であり,MT 法における「電位 差」ではない.そこで,本論文では,中性点電流の変 化の要因として素性の分かっている地磁気嵐の期間を 利用して,各変電所を流れる地磁気誘導電流成分と中 性点電流の関係を明らかにすることから始める.さら に,中性点電流と地磁気変動の間に成り立つ応答関数 を求め,MT法による観測から求められた応答関数と 比較することにより,中性点電流を利用した地下構造 探査法への応用について検討する.

#### 観測方法及び観測データ例

東海大学では,2005年より東京電力(株)が関東地 方西部で測定している中性点電流データを利用した データ解析および解析手法の開発を行っている.Fig. 1 に観測点配置を示す.図中には東京電力の4つの変 電所があるが,観測装置は東山梨変電所(HYN),新 富士変電所(SFJ),新秦野変電所(SHD)内に設置され ている.

観測では500 kV 変圧器中性接地線に流れる電流 準 直流成分)を計測している.複数台ある変圧器のうち 1台を選び,既設の中性接地線にクランプ式電流計(日 置クランプオンハイテスタ3109-01)を取り付け,電 流値を2Hzサンプリングで収録している.データロ ガーは白山工業製LS-7000を使用し,メモリーカード にデータを記録している.このシステムではGPS に より1時間毎に収録装置の時刻を校正している.



Fig. 1 Configuration of 500kV electric power lines and substations of Tokyo Electric Power Company. The measurement systems of neutral current have been installed at Higashi-Yamanashi( HYM ), Shin-Fuji( SFJ ), and Shin-Hadano( SHD )stations. Atsugi station is the observation point of MT measurement.



2004年11月09日-2004年11月11日

Fig. 2 The neutral point current data during the period of 09-11 November, 2004. A severe magnetic storm occurred in this period. The electric field data at Atsugi and the magnetic field data at Kakioka Magnetic Observatory(JMA )are also illustrated.

Fig. 2 に本観測で取得した中性点電流データを示 す.期間は2004年11月9日から11月11日までであ り,この期間中に地磁気嵐が発生している.比較の ため,気象庁柿岡地磁気観測所(茨城県石岡市)の地磁 気データ1秒平均値と(株)フジタ技術センター敷地内 (神奈川県厚木市)で取得している地電位差データ10 秒平均値を同時にプロットしてある.なお,時刻は日 本標準時を基準としている.基本的に,中性点電流 データは地磁気変動による誘導電流を観測しており, 地磁気と同様に日変化や地磁気嵐急始による中性点電 流の急変が記録されている.また,全ての観測点にお いて日中は人工ノイズの影響を受けており,夜間はノ イズレベルが低い.とりわけ東山梨変電所はJR中央 本線から近いので,電車からの漏洩電流の影響を大き く受けていると考えられる.

## データ解析

#### 1. MT 法の基礎概念

MT法では、地表で観測する磁場水平成分 H( $\omega$ ) = ( $H_x(\omega), H_y(\omega)$ )と電場水平成分 E( $\omega$ ) = ( $E_x(\omega), E_y(\omega)$ )の間に、次の線形関係が成り立つことを利用する(e.g. Cagniard, 1953; Rikitake, 1966).

$$\begin{pmatrix} E_{x}(\omega) \\ E_{y}(\omega) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} Z_{xx}(\omega) & Z_{xy}(\omega) \\ Z_{yx}(\omega) & Z_{yy}(\omega) \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} H_{x}(\omega) \\ H_{y}(\omega) \end{pmatrix}, \quad (1)$$

$$\mathbf{E}(\omega) = \mathbf{Z}(\omega) \cdot \mathbf{H}(\omega)$$

ここで, x, y はそれぞれ地磁気座標系での南北, 東 西成分である. ωは角周波数(rad/sec)である. Z(ω) は電磁場応答関数あるいは MT インピーダンスと呼 ばれ, 2行2列の複素テンソルで表される.

地下構造が不均質である場合,地表での電磁場デー タから比抵抗を直接的に求めることはできない.した がって,一般に次式で表される見かけ比抵抗  $\rho_{d}$ (単位 は $\Omega \cdot m$ ,電気伝導度 S/m の逆数)とインピーダンス の位相差 $\phi$ (deg)に変換される.

$$\rho_{a}(\omega) = \frac{1}{\mu_{0}\omega} \left| \frac{\mathbf{E}(\omega)}{\mathbf{H}(\omega)} \right|^{2}$$
(2)

$$\phi(\omega) = \tan^{-1}\left(\frac{\operatorname{Im}(\mathbf{Z}(\omega))}{\operatorname{Re}(\mathbf{Z}(\omega))}\right)$$
(3)

地磁気変動により誘導された誘導電流は地下深部に 浸透してゆくが,このとき大地は導体であるため電磁 波のエネルギーは熱に変換されて深さとともに減衰す る.電磁波の振幅が 1/e( e は自然対数の底 ~ 2.71828 ) になる深度を「表皮深度 ( $\delta$ :単位 km )といい,下式 で表される.

$$\delta(\omega) = \sqrt{\frac{2}{\mu_0 \omega \sigma}} \tag{4}$$

ここで, $\mu_0$ は真空中の透磁率( $4\pi \times 10^{-7}$  H/m), $\sigma$ は電 気伝導度(単位はS/m,比抵抗 $\Omega \cdot m$ の逆数)である. 上式のように,電磁波の浸透は電磁波の周波数と媒質 の電気伝導度の2つのパラメータに依存する.地上で 観測される電磁場は,表皮深度までの平均的な地下構 造の情報を含むと考えられる.MT法では,一般に応 答関数の周波数依存性や観測点分布を満たすような地 下構造を順解析や逆解析等のモデリング手法によって 推定する.

#### 2. 地磁気データの座標回転

Fig. 3 に示すように,ある変電所(ST0)で測定される中性点電流は,その前後の2変電所(ST1,ST2)との間に流れる電流の和であると考える.式で表すと次のようになる.

$$I_{ST0}(\omega) = I_{ST1 \ ST0}(\omega) + I_{ST0 \ ST2}(\omega)$$
(5)

ここで, $I_{ST0}(\omega)$ はST0における中性点電流(単位は A), $I_{ST1_ST0}(\omega)$ および $I_{ST0_ST2}(\omega)$ はST1-ST0間,ST0-ST2間に流れる電流とする.いずれも周波数に依存す る.ここで,既知量は $I_{ST0}(\omega)$ のみであり, $I_{ST1_ST0}(\omega)$ お よび $I_{ST0_{ST2}}(\omega)$ は観測値から直接求めることはできない.

3つの変電所間を流れる複雑な電流系を考える前 に、それぞれの2変電所間を流れる地磁気誘導電流こ



Fig. 3 Schematic of the rotation of magnetic field components to the direction of two sets of substations.  $H_1$  and  $H_3$ , and  $H_2$  and  $H_4$  are perpendicular and parallel to each baseline, respectively.

こでは電場)と地磁気変動との関連を説明する.式(1) は一般式であるが,大地が2次元構造である場合,磁 場の振動方向を構造境界の走向に回転することによっ て,下式のようにテンソルの非対角要素はゼロになる.

$$\begin{pmatrix} E_1(\omega) \\ E_2(\omega) \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 0 & Z_{12}(\omega) \\ Z_{21}(\omega) & 0 \end{pmatrix} \cdot \begin{pmatrix} H_1(\omega) \\ H_2(\omega) \end{pmatrix}. (6)$$

ここで,HとH2,E2とE2は互いに直交するものとする. インピーダンスの要素はそれぞれ

$$Z_{12}(\omega) = \frac{E_1(\omega)}{H_2(\omega)},$$
(7)

$$Z_{21}(\omega) = \frac{E_2(\omega)}{H_1(\omega)},$$
(8)

と表される通り,磁場変動とそれにより誘導される 電流(電場)は互いに直交する.大地が1次元構造で ある場合,式(6)においてインピーダンスの要素は,  $Z_{12}(\omega) = -Z_{21}(\omega)$ の関係になる.

したがって,2組の変電所間(ST1-ST0,ST0-ST2) に誘導される電流と地磁気変動の関連を調べるために は,Fig.4に示す通り,磁場変動の座標を各2変電所 間の方位に回転させる必要がある.通常の地磁気座標 系( $H_x, H_y$ )に対し,2つの変電所(ST1およびST2)間 の方位に回転させた座標系を( $H_1, H_2$ )とする.回転 角 $\theta$ は,基線に直交する座標軸までの時計回りの回転



## x; Magnetic North

Fig. 4 Generalized schema of the rotation of magnetic components. x and y indicate the geomagnetic north and east directions. H<sub>1</sub> and H<sub>2</sub> are the magnetic field components which are vertical and parallel to the baseline ST1-ST2, respectively.

角とする.このとき,ST1とST2の位置は通常,地 理座標系で表されるが,変電所間の方位を地磁気座標 系と対応づけるためには,地磁気偏角(新富士付近で は約-7°)を考慮しなければならない.

地磁気水平2成分(*H<sub>x</sub>*,*H<sub>y</sub>*)(ここでは,*x*は南北成 分で北向きを正,*y*は東西成分で東向きを正とする) の座標回転は,下式で表される.

$$H_{1}(\omega) = H_{x}(\omega)\cos\theta + H_{y}(\omega)\sin\theta \qquad (9)$$

$$H_{2}(\omega) = H_{v}(\omega)\cos\theta - H_{x}(\omega)\sin\theta \qquad (10)$$

ここで, $\theta$ は座標回転(deg), $H_1(\omega)$ , $H_2(\omega)$ はそれ ぞれ変電所間の方位に直交する磁場変動成分,平行な 磁場変動成分である.

本解析では,柿岡地磁気観測所の地磁気データ1秒 値を利用する.一例として,Fig.5に座標を回転する 前の磁場3成分( $H_x$ , $H_y$ , $H_z$ )の生データを示す.期間 は,2004年11月10日20:00~11月11日02:00(日本時 間)である.この期間中に地磁気嵐が発生している. Fig. 6は,柿岡の地磁気データを新富士 - 東山梨, 新富士 - 新秦野間の方位に座標回転したものである. HとHとはそれぞれ,新富士 - 東山梨の方位に直交お よび平行に振動する磁場変動,HとH4はそれぞれ, 新富士 - 新秦野の方位に直交および平行に振動する磁



Fig. 5 Three-components of magnetic field data at Kakioka during the period of 20:00 Nov.10 ~ 02:00 Nov.11, 2007( LT ).



Fig. 6 Time series of rotated magnetic field at Kakioka. Initial data sets are shown in Fig. 5. H1 and H2 are the vertical and parallel components to the direction of SFJ and HYN substations, respectively. H3 and H4 are vertical and parallel to the direction of SFJ and SHD substations. Rotation angles for the two data sets are 65 and -3 degrees clockwise from the magnetic north.

## 場変動(単位はいずれも nT)である.

Table 1 に変電所間の方位および距離をまとめる.

Table 1 Azimuth and length between the substations.

変電所の組み合わせ	方位 (deg)	距離(km)
東山梨一新富士	149	28.3
新富士-新秦野	83	24.1
新秦野一新多摩	0	34.9

#### 3. 中性点電流と地磁気変動間の応答関数の推定

#### (1)基礎理論

式(7)および式(8)は大地が2次元構造であると仮定 した場合のインピーダンスであるが,ここでは大地が 1次元であると仮定し,2変電所間の方位に対して直 交する磁場変動により誘導される電流との間に成り立 つ応答関数を扱う.

変電所(ST0)における中性点電流は,式(5)のよう に前後2つの変電所間の誘導電流が重畳しているの で,それぞれの磁場変動に対応する応答関数の関係は 下式で表される.

$$I_{ST0}(\omega) = TF_1(\omega) \cdot H_1(\omega) + TF_2(\omega) \cdot H_3(\omega) + \delta(\omega).$$
(11)

ここで $I_{ST0}(\omega)$ は変電所(ST0)における中性点電流,  $H_1 \ge H_2$ はそれぞれ,変電所ST1-ST0,ST0-ST2(Fig. 3参照)に直交する磁場変動である. $TF_1$ , $TF_2$ はそれぞ  $n_{H_1} \ge H_2$ に関連する応答関数であり,いずれも周波 数に依存する複素数である. $\delta(\omega)$ は地磁気変動と無 相関な信号であり,機器ノイズや電車ノイズ等が含ま れる.

式(11)において無相関信号がその他の項に比べて 十分に小さい場合,式(5)から右辺の第一項,第二項 はそれぞれ

$$TF_1(\omega) \cdot H_1(\omega) = I_{ST1 ST0}(\omega), \qquad (12)$$

$$TF_2(\omega) \cdot H_3(\omega) = I_{ST0 \ ST2}(\omega), \qquad (13)$$

とみなせる.

式(11)で表される2入力-1出力線形系の複素応答 関数の計算法は下式の通りである.はじめに一般化し た式として,式11)を下式のように書き換える.ここ では,無相関信号成分を無視する.

$$Y(\omega) = TF_1(\omega) \cdot X_1(\omega) + TF_2(\omega) \cdot X_2(\omega). \quad (14)$$

入力成分 $X_1(\omega)$ ,  $X_2(\omega)$ および出力成分 $Y(\omega)$ につい て、各成分間のオートパワースペクトル、クロスパワー スペクトルをそれぞれ次のように定義する.

$$P_{X_{1},X_{1}}(\omega) = X_{1}^{*}(\omega) \cdot X_{1}(\omega)$$
(15)

$$P_{X_{2,X_{2}}}(\omega) = X_{2}^{*}(\omega) \cdot X_{2}(\omega)$$
 (16)

$$P_{X_{1,X_{2}}}(\omega) = X_{1}^{*}(\omega) \cdot X_{2}(\omega)$$
(17)

$$P_{X_{2},X_{1}}(\omega) = X_{2}^{*}(\omega) \cdot X_{1}(\omega)$$
 (18)

$$P_{X1,Y}(\omega) = X_1^*(\omega) \cdot Y(\omega)$$
(19)

$$P_{X2Y}(\omega) = X_2^{*}(\omega) \cdot Y(\omega)$$
(20)

ここで,\* は複素共役を意味する.*TF*<sub>1</sub>,*TF*<sub>2</sub>を求める にあたり,式(14)の各成分に*X*<sub>1</sub>(*ω*)および*X*<sub>2</sub>(*ω*)の複 素共役をかけた2つの方程式を作る.

$$P_{X1,Y}(\omega) = TF_1(\omega) \cdot P_{X1,X1}(\omega) + TF_2(\omega) \cdot P_{X1,X2}(\omega)$$
 (21)

$$P_{X2,Y}(\omega) = TF_1(\omega) \cdot P_{X2,X1}(\omega) + TF_2(\omega) \cdot P_{X2,X2}(\omega) \quad (22)$$

入力成分 $X_1(\omega)$ , $X_2(\omega)$ は互いに独立である場合,連 立方程式を解いて $TF_1$ , $TF_2$ を求めると下式のようになる.

$$TF_{1}(\omega) = \frac{P_{X1,Y}(\omega) \cdot P_{X2,X2}(\omega) - P_{X1,X2}(\omega) \cdot P_{X2,Y}(\omega)}{P_{X1,X1}(\omega) \cdot P_{X2,X2}(\omega) - |P_{X1,X2}(\omega)|^{2}},$$
(23)

$$TF_{2}(\omega) = \frac{P_{X2,Y}(\omega) \cdot P_{X1,X1}(\omega) - P_{X2,X1}(\omega) \cdot P_{X1,Y}(\omega)}{P_{X1,X1}(\omega) \cdot P_{X2,X2}(\omega) - |P_{X1,X2}(\omega)|^{2}} \cdot (24)$$

ここで,式(23),式(24)の分母は,

$$P_{X1,X1}(\omega) \cdot P_{X2,X2}(\omega) - \left| P_{X1,X2}(\omega) \right|^2 = P_{X1,X1}(\omega) \left\{ 1 - \gamma^2_{X1,X2}(\omega) \right\} \quad (25)$$

であることから  $X_1(\omega)$ ,  $X_2(\omega)$ が完全に相関がある 場合(すなわち $\gamma^2 x_{1,X_2}(\omega)=1$ ), 応答関数は求まらな い.また,相関のある信号が含まれると分母は小さくなり,誤差が大きくなる.ここで, $\gamma^{2}_{x_{1},x_{2}}(\omega)$ は $X_{1}(\omega), X_{2}(\omega)$ 成分間の関連度関数を意味する.

## (2)応答関数の計算アルゴリズム

式(13)および式(14)で表される2入力-1出力線形 系の応答関数は,MT法における電磁場応答関数と 同様の計算処理法で求められる.本解析では,MT法 において適用例の多いRRRMTアルゴリズム(Chave et al., 1987, 1989)を利用して応答関数の計算を行う. RRRMTは, "Robust Remote Reference Magneto-Telluric "の略であり,2入力-1出力線形系の応答関 数の解を求めるソフトウェアである.

時系列データからパワースペクトルや応答関数を推 定する際には, 測定値には偏りがない, 誤差はガ ウス分布に従う, 推定されたモデルにも近似の誤差 がない、という仮定を満たすものとみなしている、し かし,これらの前提条件は,データ解析の最終的な段 階でのみ近似的に満たすことができる理想的な条件で ある.実際に観測される電磁場データ(中性点電流や 地磁気変動)には,自然界の電磁場変動や人工ノイズ が混在することによりスペクトルは時系列で一定とな らない、スペクトルが時間変化する場合や、ノイズが 混入した状態で推定される応答関数は,大きな誤差範 囲を示すことになる.そこで,通常は時系列データを 適当な長さで部分分割し,それぞれのデータ区間中で フーリエ変換を行い,応答関数の計算まで行う.そし て, 各データ区間で計算されるスペクトルや応答関 数を区間数分寄せ集めて平均化などの統計的処理を行 い,尤もらしいスペクトルや応答関数を推定する.

RRRMT アルゴリズムは基本的に上記の手法を採り 入れているが 応答関数の推定時にロバスト推定法(小 柳,1979)と呼ばれる統計手法を適用することで,推 定値の「外れ値」の影響を,重みを変えることで小さく している.これにより,ノイズの混入に対して頑健な (robust)応答関数の推定を可能にしている.

RRRMT では, さらに応答関数の推定にリモート レファレンス法(Gamble et al., 1979)を採り入れてい る.式(1)で表される MT 法の関係式のように,通常 の MT 法では観測エリア内で測定される地磁気およ び地電流データから電磁場応答関数を推定する.この 場合,磁場と電場(地電流)データに磁場・電場で相 関のある人工ノイズが混入すると,応答関数の推定に 大きな誤差を生じる.理想的には,磁場変動にはノイ ズが含まれないことが望ましい.現実には磁場データ にもノイズが混入するので,ノイズの影響を小さくす るために,MT 観測点から100 km以上離れた地点の 地磁気データを参照データとして利用する.応答関数 の計算において、具体的には式(15)~式(20)において, 入力成分( $X_1(\omega), X_2(\omega)$ )の複素共役( $X_1^*(\omega), X_2^*(\omega)$ )に参照磁場観測点の磁場データを利用する.これに より,特にオートパワースペクトル中に含まれるノイ ズの寄与分を小さくすることが可能になり,結果的に 応答関数の誤差範囲を抑えることができる.参照磁場 データとして,日本では柿岡や国土地理院水沢測地観 測所の地磁気データが利用されることが多い.

本解析では,応答関数の推定に中性点電流と柿岡の 磁場データを利用するため,厳密にはリモートレファ レンス法を適用するとはいえない.しかし,柿岡の磁 場データは人工ノイズが極めて小さく,変電所から十 分に離れているため,相関のあるノイズの影響はない ものと考えてよい.

## (3)新秦野における中性点電流と磁場間の応答関数の 推定

Fig. 7 に,新秦野における中性点電流と新秦野-新 富士間,新秦野-新多摩(STM)間の磁場変動との応 答関数を示す.応答関数の推定にあたり,2004年11



Fig. 7 Estimated transfer functions between the neutral current data at SHD substation and rotated magnetic components at Kakioka.  $TF_1$  and  $TF_2$  indicate the response functions obtained between SHD and SFJ, and between SHD and STM substations, respectively. The upper and lower boundaries mean the 95 % confidence limit.



Fig. 8 Multiple correlation functions (coherency) for the transfer functions in Fig. 7. The upper and lower boundaries mean the 95 % confidence limit.

月10日~11日に発生した地磁気嵐を利用した.さら に Fig. 8 に,応答関数*TF*1および*TF2*を推定する際の 多重関連度関数(コヒーレンシー)を示す.全周期でコ ヒーレンシーが0.5以上であることから,この応答関 数は地磁気変動に由来する中性点電流変化との間に 成り立つと考えられる.さらに周期500秒以上ではコ ヒーレンシーが0.9以上であり,人工ノイズの影響が 小さいと言える.

Fig. 7(a)および(b)は,新秦野-新富士変電所間の 磁場変動(直交成分)に対する応答関数の実部・虚部, (c)および(d)は,新秦野-新多摩変電所間の磁場変 動(直交成分)に対する応答関数の実部・虚部を表す. エラーバーはいずれも 95% 信頼区間の上下限である. 特徴的なのは,TFは実部・虚部ともに近似的にゼロ であるのに対し,TF。は全周期帯で0ではなく,短周 期ほど絶対値が大きくなることである.応答関数が0 にならないのは、応答関数の出力成分(ここでは I shd )と の関連があることを意味しており,0になるのは逆に 出力成分 との関連がないことを意味する.したがっ て,新秦野における中性点電流は新秦野-新富士間の 地磁気誘導成分を反映していないか,あるいは非常に 小さい可能性がある.また,TF2の実部が短周期ほど 絶対値が大きくなるのは,高周波の地磁気変動ほど大 きな誘導電流を生じることを意味しており,電磁誘導 の法則に従うことを意味する.

一方で,新秦野における中性点電流と柿岡の磁



Fig. 9 Estimated transfer functions between the neutral current data at SHD substation and horizontal magnetic field( $H_x$  and  $H_y$ )at Kakioka.

場(Hx,Hy)の間(すなわち,磁場の座標回転をしてい ない)に成り立つ応答関数を Fig. 9 に示す.応答関数 の推定に使用したデータ期間は,前述の期間と同様 である.この方法による応答関数は,2組の2変電所 間を流れる地磁気誘導成分を分離しないため, Fig. 7 とは異なる結果となる.TF1,TF2ともに全周期帯にわ たって平坦な分布を示している.この傾向は Fig.7 のTF<sub>1</sub>とよく似ている.一方で,周期100秒以上では 誤差範囲は Fig. 7 と同等のレベルであるが, 周期100 秒以下では若干大きく,しかもばらつく傾向がある. これは,人工ノイズの混入によるばらつきが主要因で あることが予想される.それ以外にも,地磁気変動の 振動極性の変化に伴って2変電所間の地磁気誘導成分 への応答が変化する可能性も考えられる.周期100秒 以下でばらつきが大きいのは,この周期帯で卓越する 地磁気脈動(Pc3, Pc4)の極性の変化が大きく,誘導 電流の極性にばらつき生じる可能性が挙げられる.

# (4)新富士における中性点電流と磁場間の応答関数の 推定

Fig. 10 に,新富士における中性点電流と新富士-東山梨および新富士-新秦野変電所間の方位に座標回 転させた磁場との応答関数を示す.応答関数の推定に あたり,2002年4月20日および2004年11月10日~ 11日に発生した地磁気嵐を利用した.

TF:の実部・虚部は負,TF2の実部・虚部は正の値 をとるため,地磁気変動に対する誘導電流の方向は, 新富士の両変電所間で異なり,新富士-東山梨変間は



Fig. 10 Estimated transfer functions between the neutral current data at SFJ and rotated magnetic components at Kakioka.  $TF_1$  and  $TF_2$  indicate the response functions obtained between SFJ and HYM, and between SFJ and SHD substations, respectively.

東山梨方向,新富士-新秦野間は新秦野方向に流れる 地磁気誘導成分を記録しているといえる.基本的に短 周期ほどTF1,TF2ともに実部の絶対値は大きいとい える.しかし,TF2の虚部を見ると,周期40秒以上で は正の分布を示しているが,周期40秒以下では周期 の減少にともなって応答関数が小さくなり,周期20 秒以下では負の分布を示す.一般に,虚部が周期帯に よってゼロを交差する場合, 位相が互いに反転するこ とを意味するので,周期20秒以下では地磁気誘導成 分は逆の極性を持つということになる.しかし,これ までの研究から,新富士の中性点電流は電車の走行に よるノイズが混入していることが分かっており(井筒 ほか,2008),周期数十秒以下では真に地磁気変動に 相関のある誘導電流との応答関数が求まっているとは 言い難い.したがって,新富士の中性点電流は,その 両側の変電所間を流れる地電流を記録しているといえ るが,応答関数が精度良く求まるのは周期40秒以上 である.

### 4. 見かけ比抵抗・位相への変換

通常の MT 法では,求められる電磁場応答関数(MT インピーダンス)から,比抵抗の次元を持つ見かけ比 抵抗・位相(それぞれ,式(2),式(3))に変換して地下 構造に関する解釈がなされる.本研究で測定する中性 点電流は変電所間の「電流値」であり,両者を直接的に 対応づけるのは不可能である.しかし,前章で得られ たように,中性点電流データから求められた応答関数 は周波数に依存しており,地下構造に関する情報を含 むと考えてよい.そこで本節では,前章で得られた応 答関数とMT法に基づく見かけ比抵抗・位相との関 連を調べるために,"疑似"見かけ比抵抗・位相を求め てみる."疑似"見かけ比抵抗(*Rs*)および位相(か)は, 下式のように与えられる.

$$Rs(\omega) = \frac{1}{\mu_0 \omega} \left| \frac{I_{ST0}(\omega)}{\mathbf{H}(\omega)} \right|^2 \cdot factor$$
 (26)

$$\phi s(\omega) = \tan^{-1} \left( \frac{I_{ST0}(\omega)}{\mathbf{H}(\omega)} \right)$$
 (27)

ここで、 $I_{ST0}$ は変電所 ST0 における中性点電流 A), H は 2変電所間の方位にそれぞれ直交する磁場変動 (nT)である. $\mu_0$ は真空中の透磁率( $4\pi \times 10^{-7}$  H/m), *factor* は従来の MT 法の見かけ比抵抗曲線に近づける ために応答関数にかける倍率(周波数に依存しない実 数)である.*factor*は無次元であるが,中には 2変電所 間の抵抗値や変電所間の距離等の情報が含まれると考 えられる."疑似"見かけ比抵抗(*Rs*)についても同様 に無次元である.位相は磁場変動と誘導電流間の位相 差にあたるので,そのまま位相として解釈してよい.

# (1)新秦野および新富士における中性点電流への適用

Fig. 11 は,新秦野の中性点電流と,新秦野 - 新富士, 新秦野 - 新多摩間の磁場との間で推定された応答関数



Fig. 11 Estimated "pseudo-" apparent resistivity (*TF*) and phase(*PHS*) that are calculated from the transfer functions at SHD(Fig. 9). The factor parameter is set as 100.



Fig. 12 Estimated " pseudo- " apparent resistivity (*TF*) and phase(*PHS*) that are calculated at SFJ substation(Fig. 10).

(Fig. 7)から疑似見かけ比抵抗・位相に変換したもの である.ここで,式(26)の*factor*として,100を与え ている(理由は後述).なお,エラーバーは95%の信 頼区間の上下限を表す.*TF*1,*PHS*1については,前章 で述べたように,地磁気誘導成分との関連がない可能 性が高いので地下構造を反映しているとは言い難い. *TF*2と*PHS*について,応答関数の高い推定精度を反 映して疑似見かけ比抵抗,位相ともに精度良く求まっ ている.

Fig. 12 は,新富士の中性点電流と新富士 - 東山梨, 新富士 - 新多摩間の磁場との間で推定された応答関数 (Fig. 9)から求められた疑似見かけ比抵抗・位相であ る. factorとして,100を与えている.前章で述べた ように,周期数十秒以下では人工ノイズの影響を受け ており,地下の構造を正しく反映していないと思われ る.周期数十秒以上において,疑似見かけ比抵抗・位 相ともに,TF1およびPHS1は新富士 - 東山梨間,TF2 およびPHS2は新富士 - 新秦野間の平均的な地下構造 の影響を反映していると見られる.

#### (2)厚木観測点における MT 解析との比較

新秦野と新富士における疑似見かけ比抵抗・位相 を求めたが,そのままでは地下構造との対応はわから ない.ここでは,新秦野の近くにある厚木観測点(新 秦野観測点から東北東方向に約9km)における地電流 データを利用して MT 解析を行い,見かけ比抵抗・ 位相を推定する.

本解析では,地電流データの南北・東西成分 (10秒サンプリング)と柿岡の磁場データを利用し,



Fig. 13 Non-diagonal elements of the apparent resistivity(  $\rho_{xy}, \rho_{yx}$ ) and phase( $\phi_{xy}, \phi_{yx}, \phi_{yx}$ ), that are obtained by the magnetotelluric observation at Atsugi.

RRRMT アルゴリズム(Chave et al., 1987, 1989)を使 用して MT インピーダンスを推定した.Fig. 13 に見 かけ比抵抗( $\rho_{xy}, \rho_{yx}$ )および位相( $\phi_{xy}, \phi_{yx}$ )を示す.エ ラーバーは 95% 信頼区間の上下限である.ここで, および は,地磁気東西成分と電場南北成分との関連,  $\rho_{xy}$ および $\rho_{yx}$ は地磁気南北成分と電場東西成分との関 連がある  $\rho_{xy}$ ,  $\rho_{yx}$ ともに 100 $_{Q}$ m から 1,000 $_{Q}$ m の間 に分布しており,周期500秒以下ではよく似ているも のの,周期500秒以上では, $\rho_{xy}$ は $\rho_{yx}$ の約2倍の見か け比抵抗値を示す.これは,周期500秒以下に相当す る表皮深度もしくは空間スケールにおいて地下構造の 不均質性が小さく,周期500秒以上では大きな不均質 性の影響を受けているためである.

新秦野の中性点電流と磁場から推定される疑似見かけ比抵抗・位相(Fig. 11)と比較するにあたり,ここでは新秦野 - 新多摩間の方位がほぼ南北であることを考慮して,厚木のとに注目する.疑似見かけ比抵抗を計算するための式(26)におけるfactorは,厚木観測点のの桁単位で合わせるために100とした.新秦野のTF2と厚木のの周波数分布はきわめてよく似ている.また,新秦野の位相差PHS2と厚木のについては,の誤差範囲が大きいため厳密な議論はできないが,傾向は同じと言ってよい.したがって,新秦野の中性点電流については,従来のMT法による見かけ比抵抗・位相と関連づけられると言ってもよいだろう.

MT 観測により見かけ比抵抗・位相が明らかになっている場合は,適切な*factor*をかけることで両者を対応づけられる.さらに,地下構造モデルの解釈へ応用

範囲が広がるだろう.しかし,MT 観測結果がない場合は,factorを決定するためにも変電所の近傍で短期間のMT 観測を実施する必要がある.

#### 5. 応答関数の時間変化

本節では,開発手法を新秦野における2003年と 2004年の地磁気嵐の期間のデータに適用し,約1年を 隔てた応答関数の変化を調べる.応答関数の推定に



Fig. 14 Comparative plot of the transfer functions at SHD substation. Two periods are illustrated as open circles( May and August, 2003 )and solid circles( November, 2004 ).



Fig. 15 Comparative plot of the "pseudo-" apparent resistivity and phase at SHD substation. Two periods are illustrated as open circles (May and August, 2003) and solid circles (November, 2004).

使用したのは,2003年は5月29日および8月18日, 2004年は11月10~11日の期間である.

Fig. 14 に新秦野の中性点電流と新秦野 - 新富士, 新秦野 - 新多摩間の磁場変動(直交成分)から求められ た応答関数を示す.また, Fig. 15 に疑似見かけ比抵 抗・位相に変換した結果を示す. は 2003年, は 2004年の推定結果である.式(26)の factor として 100 をかけている、応答関数 TF2 の実部・虚部および疑 似見かけ比抵抗(TF2)を見ると,周期150秒以上およ び周期20秒以下ではこの1年間で変化は見られない が,中間の周期帯(20秒~150秒)では2003年に比べ て 2004年は応答関数(実部)と疑似見かけ比抵抗が若 干大きくなっている.応答関数の変化の要因には中性 点電流測定システムの変化が挙げられるが,上記の周 期帯における表皮深度(比抵抗を 200 m とすると, およそ 30~70km)に相当する地下構造に変化があっ た可能性がある.

## まとめ

高圧送電線の中性点電流には地磁気変動による誘 導電流が流れている.したがって,同じく地磁気変動 を信号源として利用する MT 法のように, 地磁気と 中性点電流を同時に測定することによって,地下比抵 抗構造の推定やその時間変化をモニタすることが可能 になることが期待される.しかし,中性点電流は,あ る変電所と前後の2変電所間を流れる地電流の和であ るので,その割合は一意には求まらない.そこで,本 研究では信号源として素性の明らかな地磁気嵐の期間 のデータを利用して,それぞれの変電所間の方位に直 交する磁場変動と中性点電流との関連を調べた. 観測 データとして,本研究では東京電力(株)との共同研究 で測定している3つの変電所(東山梨 新富士 新秦野) の中性点電流、および気象庁柿岡地磁気観測所の地磁 気データを利用した.結果,磁場変動と中性点電流の 間に周波数応答関数が成り立つことが分かった.この 応答関数は,2組の2変電所間の地下構造の情報を含 み, MT 法における1次元構造のインピーダンスに対 応する.

推定された応答関数と地下比抵抗構造を対応づけ るためには,MT法における見かけ比抵抗と位相に 変換することが望まれる.そこで,大地を1次元構 造であると仮定した上で,"疑似"見かけ比抵抗・位相 という概念を導入した.ここでは,電流値(A)と電場 (mV/km)を対応づけるために倍率(factor)というパ ラメータを設けた.このfactorには変電所間の距離と 大地の比抵抗値に関する情報が含まれており,求める ためには変電所近傍でのMT法による構造探査を要 する.本研究では,新秦野観測点の近傍にある厚木観 測点((株)フジタ技術センター敷地内)の電場データ から見かけ比抵抗・位相を算出して,新秦野観測点に おける疑似見かけ比抵抗値と比較した.結果,factor を 100 としたとき,両者はよく一致することがわかっ た.すなわち,中性点電流データから,間接的ではあ るがMT法と同様の処理方法で地下比抵抗構造の情 報を得られるといえる.

本研究では, さらに疑似見かけ比抵抗・位相の時間 変化の検出を試みた.新秦野観測点における2003年 中期と2004年後期の疑似見かけ比抵抗・位相を比較 したところ,周期20秒~150秒において微小な変化が 見られた.現状ではこの変化の原因は明らかではない が,地下比抵抗構造の何らかの変化を反映している可 能性がある.

地殻変動に関連する地下の比抵抗構造の変化は微小 であるとされており,その変動を検出するためには精 度良く応答関数を推定する必要がある.その点におい ては従来のMT法と同じである.電力会社の送電設 備は社会基盤を構成する最重要のインフラの一つとさ れ,24時間体制の保守・管理が行き届いているので, 地下構造の変化を長期的にモニタするにあたり測定装 置を含む観測システムの長期的な安定性が期待できる という点は意義深い.全国の変電所において同様の測 定システムを導入することで,日本国内の地下比抵抗 構造変化の効率的なマッピングが可能になるだろう.

### 謝辞 辞

本研究は,東京電力(株)からの委託研究「中性点電 流観測データの分析手法の高度化に関する研究」の一 環として実施された.厚木観測点は(株)フジタ技術 センター内に位置し(株)フジタおよび東海大学を中 心とする共同研究グループにより設置・運用されてい る.柿岡における地磁気データは,気象庁地磁気観測 所にご提供いただいた.また,東海大学海洋研究所の 竹内昭洋博士には本論文を改善する上で有益なコメン トをいただいた.関係者各位に感謝の意を表します.

### 参考文献

- Albertson, V. D., J. M. Thorson Jr., and S. A. Miske Jr.(1974)): The effects of geomagnetic storms on electrical power systems. IEEE Trans. Power Apparatus and Systems, PAS-93(4), 1031-1044.
- Allen S. L. Frank, H. Saver, and P. Reif(1989): Effects of the March 1989 solar activity. EOS, 70 (46), 1479-1488.
- Cagniard, L.(1953): Basic theory of the magnetotelluric method of geophysical prospecting. Geophysics, 18(3), 605-635.
- Chave, A. D., D. J. Thomson, and M.E. Ander(1987): On the robust estimation of power spectra, coherences, and transfer function. J. Geophys. Res., 92(B1), 633-648.
- Chave, A. D., and D. J. Thomson(1989): Some comments on magnetotelluric response function estimation. J. Geophys. Res., 94(B10), 14215-14225.
- Gamble, T. D., W. M. Goubau, and J. Clarke(1979): Magnetotellurics with a remote magnetic reference. Geophysics, 44(1), 53-68.
- 樋口武光(2000):変電所中性点接地線からの地電流 測定結果.電気学会研究会資料,高電圧研究会, HV-00-5,25-33.
- Izutsu, J., T. Ochi, T. Uetake and T. Mutakamihigashi (2006): The relationship between the current through the transformer neutral point and natural phenomena. IEEJ Trans. Fundamentals and Materials, 126-A(4), 233-237.
- 井筒潤・原田誠・寺山武志・植竹富一・長尾年恭 (2008): 送電線中性点電流の観測と地磁気変動及び 地殻活動との比較.電磁環境研究会資料,電気学会, EMC-08-7.
- 小柳義夫(1979)ロバスト推定法とデータ解析.日本 物理學會誌,34(10),884-891.
- Lundby, S., B. E. Chapel, D. H. Boteler, T. Watanabe, and R. R Horita(1985): Occurrence frequency of geomagnetically induced currents: A case study on a B.C. hydro 500 kV power line. J. Geomag. Geoelectr., 37(10), 1097-1114.
- Nagao, T., Y. Orihara, T. Yamaguchi, I. Takahashi, K. Hattori, Y. Noda, K. Sayanagi, and S. Uyeda (2000):

Co-seismic geoelectric potential changes observed in Japan. Geophys. Res. Lett., 27(10): 1535-1538.

- Pirjola, R.(1985): On current induced in power transmission systems during geomagnetic variations. IEEE Trans. Power Apparatus and Systems, PAS-104(10), 2825-2831.
- 村山秀幸・加藤卓朗・長尾年恭・小野義之・入野寛 彦(2000): 神奈川県厚木周辺地域における地電位観 測網と観測体制.第55回土木学会年次講演会(I), 1-B284.
- Rikitake, T.(1966): Electromagnetism and the earth 's interior. Elsevier, Amsterdam, 308p.
- 武内康夫・樋口武光・小池和夫・井筒潤・牟田神東達 也(2003)変圧器中性点に流れる地電流観測と接地 回路の地電流基礎解析について - 地震に伴う電磁気

現象に関する研究(その1)-.電気学会研究会資料,電気学会, EMC-03-22, 39-44.

- Uyeda, S., K. S. Al-damegh, E. Dologlou, and T. Nagao(1999): Some relationship between VAN seismic electric signals (SES) and earthquake parameters. Tectonophysics, 304(1-2), 41-55.
- Varotsos, P. and K. Alexopoulos(1984a): Physical properties of the variations of the electric field of the earth preceding earthquakes, I. Tectonophysics, 110(1-2), 73-98.
- Varotsos, P. and K. Alexopoulos(1984b): Physical properties of the variations of the electric field of the earth preceding earthquakes, II. Determination of epicenter and magnitude. Tectonophysics, 110 (1-2), 99-125.